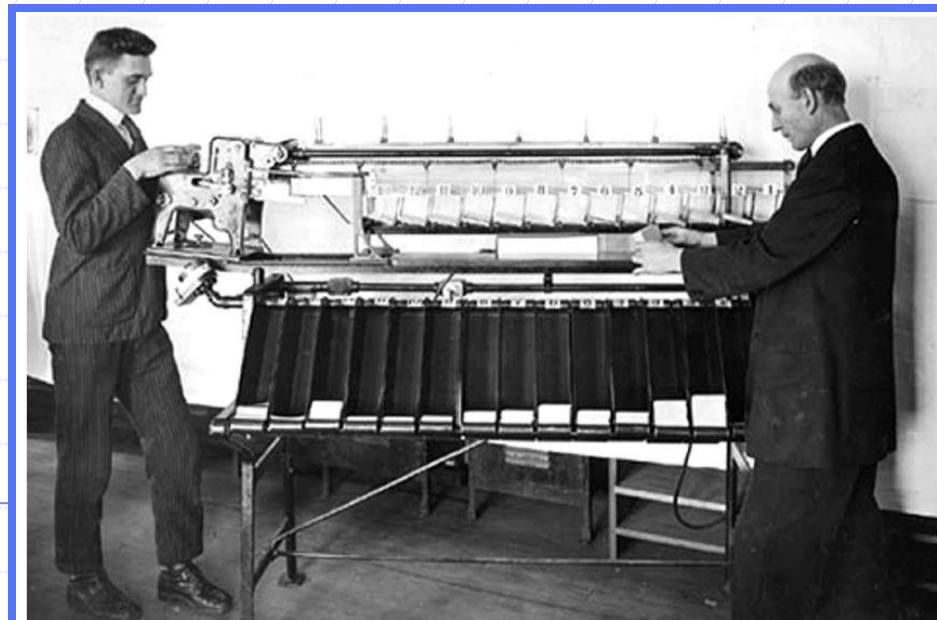


Παρουσίαση για χρήση με το σύγγραμμα, **Αλγόριθμοι Σχεδίαση και Εφαρμογές**, των Μ. Τ. Goodrich and R. Tamassia, Wiley, 2015 (στα ελληνικά από εκδόσεις Μ. Γκιούρδας)

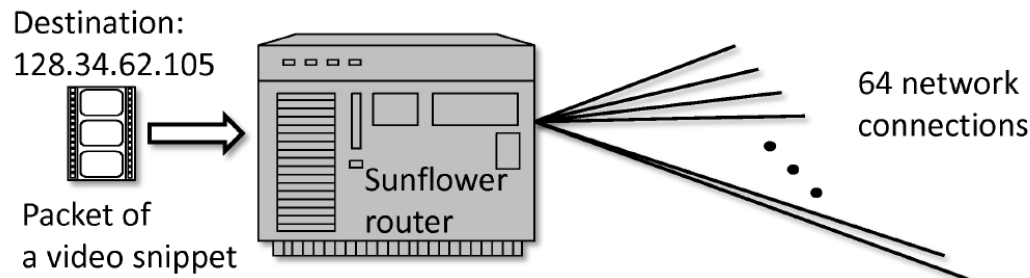
Χάρτες



Operating a card sorter, 1920. U.S. Census Bureau.

Εφαρμογή: Δρομολογητές δικτύου

- Οι δρομολογητές δικτύου επεξεργάζονται πακέτα πληροφοριών από πολλές συνδέσεις σε υψηλή ταχύτητα
- Για την επεξεργασία ενός πακέτου, (k,x) , όπου k είναι το κλειδί για τον προορισμό και x τα δεδομένα που περιέχει, ένας δρομολογητής πρέπει πολύ γρήγορα να αποφασίσει σε ποια από τις συνδέσεις του δικτύου να στείλει το πακέτο.
- Ένα τέτοιο σύστημα πρέπει να υποστηρίζει αναζητήσεις βάση κλειδιού, δλδ, λειτουργίες $get(k)$, καθώς και λειτουργίες $put(k,c)$ για την προσθήκη μίας νέας σύνδεσης δικτύου, c , για κλειδί προορισμού, k .
- Ιδανικά θέλουμε να επιτύχουμε $O(1)$ χρόνο τόσο για τη λειτουργία get όσο και για τη λειτουργία put .



Χάρτες

- Ένας χάρτης είναι μία συλλογή με δυνατότητα αναζήτησης για εγγραφές της μορφής κλειδί-τιμή
- Οι κύριες λειτουργίες ενός χάρτη είναι η αναζήτηση, η εισαγωγή, και η διαγραφή στοιχείων
- Πολλαπλές εγγραφές με το ίδιο κλειδί **δεν** επιτρέπονται
- Άλλες εφαρμογές:
 - Βιβλίο διευθύνσεων
 - Βάση δεδομένων εγγραφών σπουδαστών



Λειτουργίες χάρτη

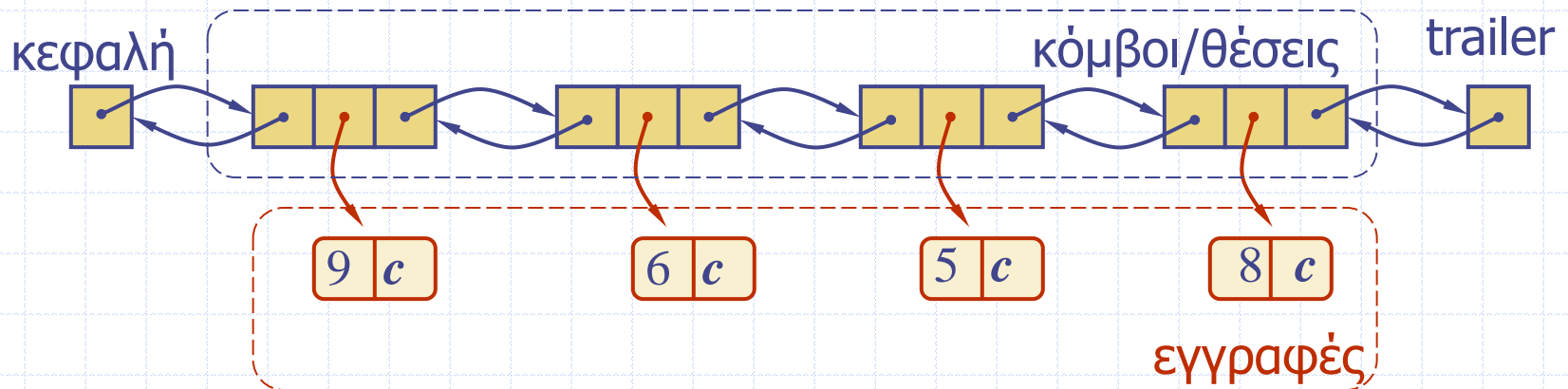
- **get(k)**: Αν ο χάρτης M περιέχει ένα στοιχείο με κλειδί ίσο με k επιστρέφει την τιμή του, αλλιώς επιστρέφει `null`
- **put(k, v)**: εισαγωγή στοιχείου (k, v) στον χάρτη M , εάν το κλειδί k δεν υπάρχει στον M επιστρέφει `null`, αλλιώς επιστρέφει την προηγούμενη τιμή στην οποία αντιστοιχούσε το k
- **remove(k)**: εάν ο χάρτης M έχει ένα στοιχείο με κλειδί k , το αφαιρεί από τον M και επιστρέφει την τιμή του, αλλιώς επιστρέφει `null`
- **size(), isEmpty()**

Παράδειγμα

<i>Operation</i>	<i>Output</i>	<i>Map</i>
isEmpty()	true	\emptyset
put(5,A)	null	(5,A)
put(7,B)	null	(5,A),(7,B)
put(2,C)	null	(5,A),(7,B),(2,C)
put(8,D)	null	(5,A),(7,B),(2,C),(8,D)
put(2,E)	<i>C</i>	(5,A),(7,B),(2,E),(8,D)
get(7)	<i>B</i>	(5,A),(7,B),(2,E),(8,D)
get(4)	null	(5,A),(7,B),(2,E),(8,D)
get(2)	<i>E</i>	(5,A),(7,B),(2,E),(8,D)
size()	4	(5,A),(7,B),(2,E),(8,D)
remove(5)	<i>A</i>	(7,B),(2,E),(8,D)
remove(2)	<i>E</i>	(7,B),(8,D)
get(2)	null	(7,B),(8,D)
isEmpty()	false	(7,B),(8,D)

Ένας απλός χάρτης βασισμένος σε λίστα

- Μπορούμε να υλοποιήσουμε έναν χάρτη με μία αταξινόμητη λίστα.
 - Αποθηκεύουμε τα στοιχεία του χάρτη σε μία λίστα S (βάσει μίας διπλά συνδεδεμένης λίστας), σε τυχαία σειρά



Απόδοση χάρτη που είναι βασισμένος σε λίστα

□ Απόδοση:

- Η **put** απαιτεί χρόνο $O(1)$ αφού μπορούμε να προσθέσουμε ένα νέο στοιχείο στην αρχή ή στο τέλος της ακολουθίας
 - Η **get** και η **remove** απαιτούν χρόνο $O(n)$ αφού στην χειρότερη περίπτωση (όπου το στοιχείο δεν υπάρχει) θα διασχίσουν ολόκληρη την ακολουθία ψάχνοντας ένα στοιχείο με το δεδομένο κλειδί
- Η υλοποίηση βάσει μη ταξινομημένης λίστας είναι κατάλληλη μόνο για χάρτες μικρού μεγέθους ή για χάρτες όπου η συνήθης λειτουργία είναι η **put** ενώ οι αναζητήσεις (**get**) και οι διαγραφές (**remove**) είναι σπάνιες (π.χ. ιστορικό καταγραφής συνδέσεων χρηστών σε έναν Η/Υ)